

第1学年

正答率 37.8%

無解答率 7.9%

7

ゆうじさんとのぞみさんは、次のようなルールでトランプを使ったゲームをします。
あなたの（1）～（3）に答えなさい。

ゲームのルール

- ① トランプのカードをよくきり、裏向きにしたまま1人に4枚ずつ配る。
- ② 自分のカードを相手に見えないようにして自分だけ見る。
- ③ ジャンケンをして勝った人は、負けた人から1枚カードを引き、自分のカードにする。（ジャンケンに負けた人はカードを引かないこととする。）
- ④ 点数の合計を求め、多い方を勝ちとする。
ただし、スペード（♠）とクラブ（♣）のマークのカードは正の数の点数を、ハート（♥）とダイヤ（♦）のマークのカードは負の数の点数を表すこととする。

（2）ゆうじさんとのぞみさんははじめのカードの点数の合計は、それぞれ+3点、-4点でした。
ゆうじさんはじゃんけんに勝って、のぞみさんのカードの中から、クラブのマークの2のカードを引きました。

カードの点数の合計が何点になったかを、ゆうじさんは次のように式を使って求めました。

ゆうじさんの式と答え

式 $(+3) + (+2) = +5$
答え +5点

ゆうじさんがクラブ（♣）の2を引いた状況を見せて、ゆうじさんのカードの点数の合計が+5点になっていることを確認します。

このとき、のぞみさんのカードの点数の合計は何点になりましたか。ゆうじさんの式と答えにならって書きなさい。

のぞみさんの式と答え

式
答え 点

正答

式「 $(-4) - (+2) = -6$ 」 答え「-6」

主な誤答

- 「 $(-4) + (-2) = -6$ 」
「 $(-4) + (+2) = -2$ 」
「 $(-4) - (-2) = -2$ 」

のぞみさんがクラブの2を引かれた状況を数学的に表現し、ゆうじさんの状況との違いを確認します。



第2学年

正答率 24.3%

無解答率 26.5%

7

図1は、ある月のカレンダーです。
ゆうかさんとけんたさんは、並んだいくつかの数の和について考えています。
次の（1）～（3）に答えなさい。

図1

日	月	火	水	木	金	土
1	2	3	4	5	6	
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

（1）図1の□のように、横に並んだ3つの数の和は3の倍数になります。ゆうかさんは、このことが、横に並んだほかの3つの数でも成り立つ理由を説明しています。

ゆうかさんの説明の□に式や言葉を書き、説明を完成しなさい。

ゆうかさんの説明

横に並んだ3つの数のうち、もっとも小さい整数をnとすると、残りの2つの数は、 $n+1$, $n+2$ と表される。
3つの数の和は、

したがって、横に並んだ3つの数の和は、3の倍数になる。

課題 事柄が成り立つ理由を、構想を立てて説明すること

◎3の倍数であることを示すには、 $3 \times (\text{整数})$ の形にすることを確認します。

◎どのような数をnとしたのか、それを用いると他の数はどう表されるのかを、図などを使って考える場面をつくりましょう。

チャレンジ確認シートに挑戦

H22B2 (2), H27B2 (2), H30B2 (2)

正答例

$$\begin{aligned} n &+ (n+1) + (n+2) \\ &= 3n + 3 \end{aligned}$$

主な誤答
「 $3n + 3$ 」「 $n+3$ 」

3($n+1$)に変形して、3の倍数であることを説明しようとしている。

$$= 3(n+1)$$

主な誤答
「 $3n + 3 = 3(n+3)$ 」

$n+1$ は整数なので、 $3(n+1)$ は3の倍数である。

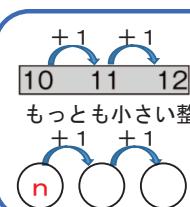
主な誤答
「 $n+1$ が整数である」とや「 $3(n+1)$ が3の倍数である」とことを記述していない。

主な誤答

- ・10, 11, 12を用いて説明している。
- ・3つの数を $n+1$, $n+2$, $n+3$ として考えている。

$3n$, 3 が3の倍数で、3の倍数の和は3の倍数だから、 $3n+3$ は3の倍数である。

主な誤答
「 $3n$, 3 が3の倍数である」とや「3の倍数の和は3の倍数である」と、「 $3n+3$ が3の倍数である」とを記述していない。



もっとも小さい整数をnとすると、



第1学年

チャレンジ確認シートに挑戦
H24A15(1)

正答率 40.6%
無解答率 0.7%

- 4 次の表は、A中学校の生徒30人とB中学校の生徒20人のハンドボール投げの記録を、学校ごとにまとめたものです。

主な誤答「ア」

表 ハンドボール投げの記録

距離(m)	A中学校(人)	B中学校(人)
12以上～16未満	0	1
16～20	3	4
20～24	4	1
24～28	3	6
28～32	15	3
32～36	5	4
36～40	0	1
合計	30	20

正答
「エ」

上の表からいえることとして正しいものを、次のア～エの中から1つ選び、その記号を書きなさい。

ア A中学校、B中学校ともに、記録が16m以上20m未満の生徒の人数の割合は、20%である。

イ A中学校、B中学校をあわせた生徒50人の中で、いちばん遠くまで投げた生徒の記録は30mである。

ウ 人数が多い区間は、A中学校、B中学校とも28m以上32m未満である。

エ 記録が32m以上の生徒の割合は、B中学校よりA中学校の方が小さい。

課題 散らばりのようすを表す表から、情報を読み取ること

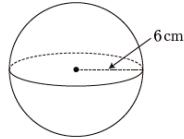
第2学年

チャレンジ確認シートに挑戦
H23A5(4), H25A5(3)

正答率 18.1%
無解答率 9.8%

- 4 次の(1)、(2)に答えなさい。

(2) 半径が6cmの球の体積は何cm³か、書きなさい。ただし、円周率はπとします。



主な誤答「36π」



円の面積の公式を使って求めてい
ると考えられます。

正答
「288π」

課題 球の体積を求めるこ

◎いろいろな立体の表面積や体積の公式を確認したり、求めたりする場面をつくりましょう。



必要な情報を読み取ること、割合を求めることができ苦手な生徒が多いと考えられます。

◎表から情報を読み取って割合を求めたり、値を比較したりする場面をつくりましょう。

授業改善に向けて

生徒自らが条件を変えて成り立つ事柄を新たに予想し、成り立つと予想した事柄について考察する場面を設定しましょう。
また、問題解決の過程を振り返り、数学的に考えることのよさを確認しましょう。

事象の特徴を的確に捉える。
問題解決の対象をつかむ。

カレンダーで、横に並んだ3つの数の和が3の倍数になる理由を説明しよう。

10, 11, 12をたすと33になり、3の倍数になるね。
他の3つの数だと…



もっとも小さい整数をnとすると、3つの数は、n, n+1, n+2と表せます。その和は、…

帰納的に考えることで、成り立つと予想される事柄を見いだす。

囲み方を変えると、どのような数になるかを調べてみましょう。



事象における条件を自分で変えて、成り立つ事柄について考える。

横に並んだ4つの数の和を考えてみるよ。4の倍数になるんじゃないかな。



わたしは、上下左右に並んだ4つの数の和を考えてみるわ。

予想した事例を演繹的に考えることで、その事柄が成り立つことを説明する。

自分で変えた条件を基に成り立つ事柄について予想し、その事柄が成り立つ理由を説明する。